

I kursens fronterrum:

- Introduktion till Maple i filen "[Maple Introduction](#)".
- Labschema över bokade salar i filen "[Labschema M0030M Maple](#)".
- Laborationsuppgifter och regler i filen "[Maple rules, instructions and exercises](#)".

Varje grupp (1-3 personer) skickar sina lösningar till Niklas.Grip@ltu.se eller lämnar pappersutskrift. För varje uppgift redovisas uppgiftsnummer, vilka kommandon ni skrivit och vilket resultatet blev.

För att öppna ett nytt dokument av samma typ som detta:

File->New->Worksheet mode

Menyval för att lägga in förklarande text som denna:

Insert --> Paragraph --> Before cursor

### Inledande exempel:

\* för multiplikation

^för upphöjt till

:= för att tilldela värde till variabel

diff för derivering

= för ekvation

solve för ekvationslösning.

```
> f := 3*x^2;
   g := ln(x);
   h := f + g;
   Dh := diff(h, x);
   xSol := solve(x^2 + p*x + q = 0, x);
```

$$f := 3x^2$$

$$g := \ln(x)$$

$$h := 3x^2 + \ln(x)$$

$$Dh := 6x + \frac{1}{x}$$

$$xSol := -\frac{1}{2}p + \frac{1}{2}\sqrt{p^2 - 4q}, -\frac{1}{2}p - \frac{1}{2}\sqrt{p^2 - 4q}$$

(1)

### Skillnad mellan uttryck och funktion

Variabeln f sattes ovan till uttrycket  $3x^2$ . Vill man t ex räkna ut värdet för  $x=3$  så funkar det inte att bara skriva  $f(3)$ :

```
> f(3);
```

$$3x(3)^2$$

(2)

I stället får man *antingen* använda kommandot `subs` (=substitute) *eller* definiera en *funktion*  $f2 := x \rightarrow 3x^2$

$x^2$  och sedan skriva  $f2(3)$ :

```
> y1 := subs(x=3, f);
```

```
   f2 := x -> 3*x^2;
```

```
   y2 := f2(3);
```

$$y1 := 27$$

$$f2 := x \rightarrow 3x^2$$

$$y2 := 27$$

(3)

### Integraler och plotkommando

Här är  $\exp(\dots)$  exponentialfunktion med basen e.

```
> f := a -> int(exp(-x^2), x=-infinity..a);
```

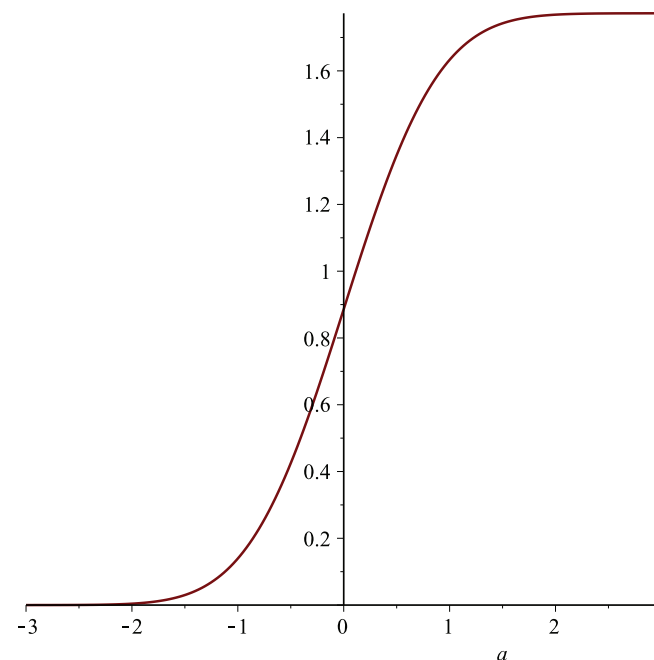
```
   f(0);
```

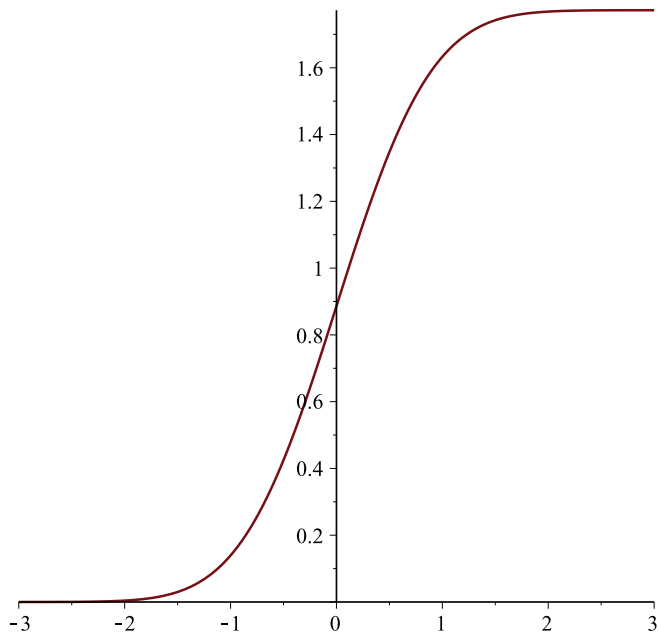
```
   plot(f(a), a=-3..3);
```

```
   plot(f, -3..3); # Samma plot men kortare skrivsätt för funktioner
```

$$f := a \rightarrow \int_{-\infty}^a e^{-x^2} dx$$

$$\frac{1}{2} \sqrt{\pi}$$





### Ekvationslösning

Exakt lösning med solve, numerisk med fsolve:

```
> eq := x^3 - x^2 - 7*x + 1 = 0;
ExactSol := solve(eq);
NumSol := fsolve(eq);
plot(x^3 - x^2 - 7*x + 1, x = -4..4);
```

$$eq := x^3 - x^2 - 7x + 1 = 0$$

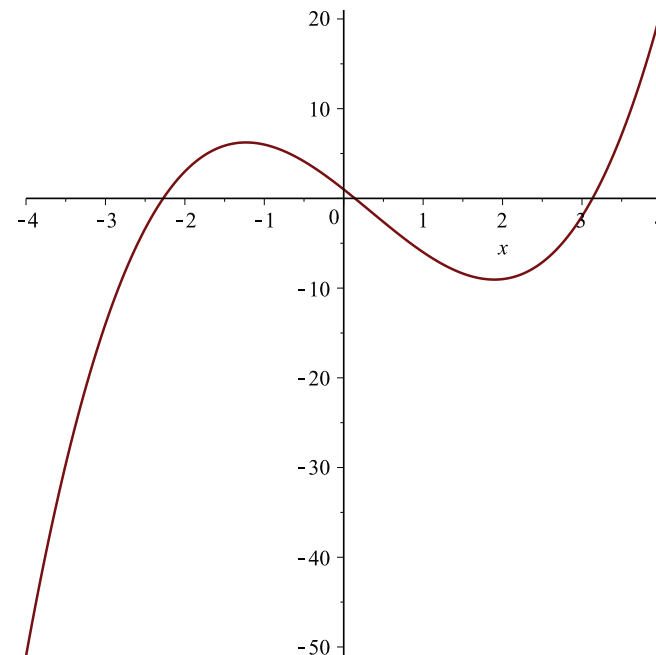
$$ExactSol := \frac{1}{3} (19 + 9I\sqrt{127})^{1/3} + \frac{22}{3(19 + 9I\sqrt{127})^{1/3}} + \frac{1}{3}, -\frac{1}{6} (19 + 9I\sqrt{127})^{1/3}$$

$$- \frac{11}{3(19 + 9I\sqrt{127})^{1/3}} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} I\sqrt{3} \left( \frac{1}{3} (19 + 9I\sqrt{127})^{1/3} \right.$$

$$\left. - \frac{22}{3(19 + 9I\sqrt{127})^{1/3}} \right), -\frac{1}{6} (19 + 9I\sqrt{127})^{1/3} - \frac{11}{3(19 + 9I\sqrt{127})^{1/3}} + \frac{1}{3}$$

$$- \frac{1}{2} I\sqrt{3} \left( \frac{1}{3} (19 + 9I\sqrt{127})^{1/3} - \frac{22}{3(19 + 9I\sqrt{127})^{1/3}} \right)$$

$$NumSol := -2.273072863, 0.1404353695, 3.132637494$$



ExactSol innehåller det komplexa talet I (I^2=-1) och kräver ytterligare förenkling för att det skall framgå att lösningarna är reellvärda. Kommandot evalc skriver om komplexa tal på formen a+b\*I:

```
> ExactSol1 := evalc(ExactSol[1]);
ExactSol2 := evalc(ExactSol[2]);
ExactSol3 := evalc(ExactSol[3]);
```

$$ExactSol1 := \frac{2}{3} \sqrt{22} \cos\left(\frac{1}{3} \arctan\left(\frac{9}{19} \sqrt{127}\right)\right) + \frac{1}{3}$$

$$ExactSol2 := -\frac{1}{3} \sqrt{22} \cos\left(\frac{1}{3} \arctan\left(\frac{9}{19} \sqrt{127}\right)\right) + \frac{1}{3}$$

$$- \frac{1}{3} \sqrt{3} \sqrt{22} \sin\left(\frac{1}{3} \arctan\left(\frac{9}{19} \sqrt{127}\right)\right)$$

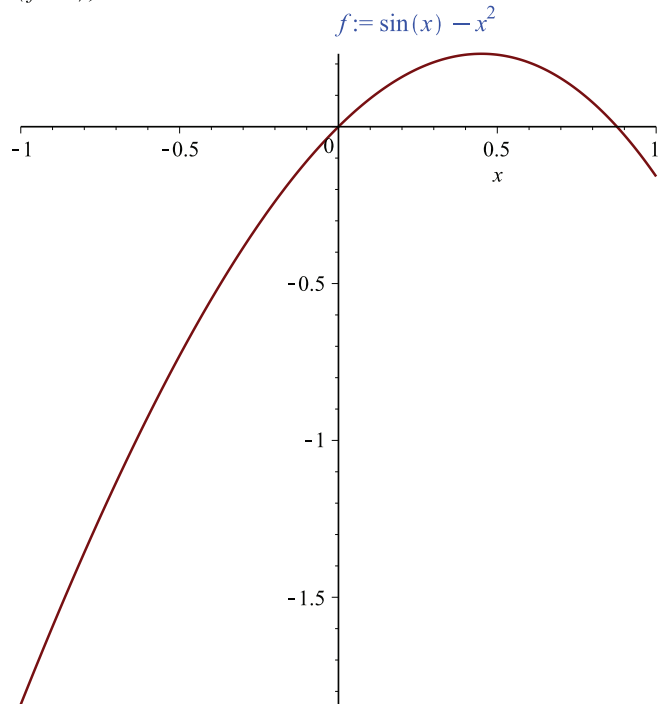
$$ExactSol3 := -\frac{1}{3} \sqrt{22} \cos\left(\frac{1}{3} \arctan\left(\frac{9}{19} \sqrt{127}\right)\right) + \frac{1}{3}$$

$$+ \frac{1}{3} \sqrt{3} \sqrt{22} \sin\left(\frac{1}{3} \arctan\left(\frac{9}{19} \sqrt{127}\right)\right)$$

(4)

```
> f := sin(x) - x^2;
```

```
plot(f, x=-1..1);
solve(f=0);
```



$\text{RootOf}(\_Z^2 - \sin(\_Z))$

```
> fsolve(f=0);
```

0.

```
> fsolve(f=0, x=0.5..1);
```

0.8767262154

### Derivering

Exempel med exp(...) för exponentialfunktion med basen e:

```
> f := exp(sin(x));
diff(f, x);
```

$$f := e^{\sin(x)}$$

$$\cos(x) e^{\sin(x)}$$

Maple kan samma räkneregler som ni för derivering av kvot, produkt och sammansatta funktioner.

```
> f := \frac{\sin(x^{\exp(x)})}{\exp(x) + \cos(x)^7 \cdot \ln(\text{abs}(\tan(\text{sqrt}(x^8 + 7 \cdot x^7))))};
Df := diff(f, x);
```

$$f := \frac{\sin(x^{e^x})}{e^x + \cos(x)^7 \ln(|\tan(\sqrt{x^8 + 7x^7})|)}$$

$$Df := \frac{\cos(x^{e^x}) x^{e^x} \left( e^x \ln(x) + \frac{e^x}{x} \right)}{e^x + \cos(x)^7 \ln(|\tan(\sqrt{x^8 + 7x^7})|)}$$

$$- \frac{1}{(e^x + \cos(x)^7 \ln(|\tan(\sqrt{x^8 + 7x^7})|))^2} \left( \sin(x^{e^x}) \left( e^x \right. \right.$$

$$\left. \left. - 7 \cos(x)^6 \ln(|\tan(\sqrt{x^8 + 7x^7})|) \sin(x) \right) \right)$$

$$+ \frac{1}{2} \frac{\cos(x)^7 \text{abs}(1, \tan(\sqrt{x^8 + 7x^7})) (1 + \tan(\sqrt{x^8 + 7x^7})^2) (8x^7 + 49x^6)}{\sqrt{x^8 + 7x^7} |\tan(\sqrt{x^8 + 7x^7})|}$$

Plotta grafen  $y = f(x)$  med fsom ovan

```
> plot(f, x);
```

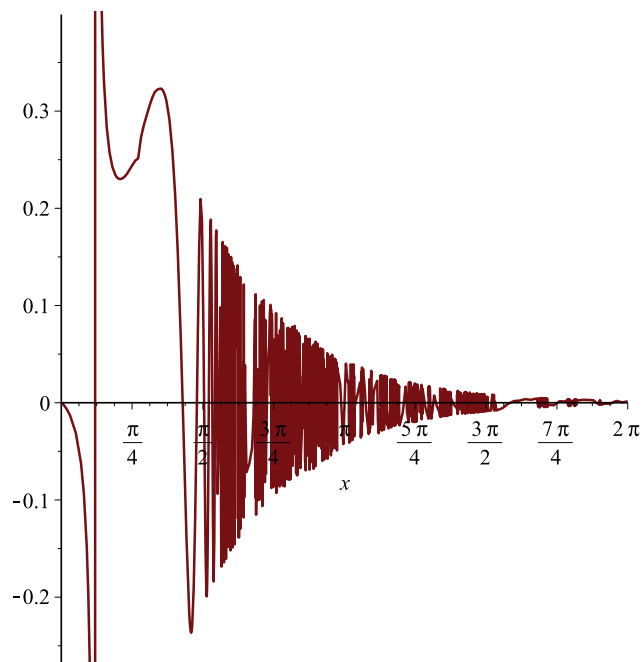
(9)

(5)

(6)

(7)

(8)



### Implicit derivering.

Uppgift 2.9.18 räknade vi på lektion 19 i M0029M. Det gällde då att med implicit derivering räkna ut  $y''(x)$  för  $y$  givet av följande ekvation:

>  $eq := x^2 + 4 \cdot y^2 = 4;$   
 $diff(eq, x);$

$$eq := x^2 + 4 y^2 = 4$$

$$2 x = 0$$

(10)

När vi använde  $diff$ -kommandot på ekvationen så tolkades  $y$  som en konstant och det blev fel. För att tala om för Maple att  $y$  beror av  $x$  så skriver vi som följer:

>  $eq := x^2 + 4 \cdot y(x)^2 = 4;$   
 $Deq := diff(eq, x);$   
 $DDeq := diff(Deq, x);$

$$eq := x^2 + 4 y(x)^2 = 4$$

$$Deq := 2 x + 8 y(x) \left( \frac{d}{dx} y(x) \right) = 0$$

$$DDeq := 2 + 8 \left( \frac{d}{dx} y(x) \right)^2 + 8 y(x) \left( \frac{d^2}{dx^2} y(x) \right) = 0$$

(11)

Precis som när vi räknade på lektion så kan vi lösa ut  $y'(x)$  ur  $Deq$  och  $y''(x)$  ur  $DDeq$

>  $Dy := solve(Deq, diff(y(x), x));$   
 $DDy := solve(DDeq, diff(y(x), x, x));$

$$Dy := -\frac{1}{4} \frac{x}{y(x)}$$

$$DDy := -\frac{1}{4} \frac{1 + 4 \left( \frac{d}{dx} y(x) \right)^2}{y(x)}$$

(12)

Kombinera dessa för att eliminera  $y'(x)$  från  $DDy$ :

>  $DDy := subs(diff(y(x), x) = Dy, DDy);$   
 $DDy := simplify(DDy);$

$$DDy := -\frac{1}{4} \frac{1 + \frac{1}{4} \frac{x^2}{y(x)^2}}{y(x)}$$

$$DDy := -\frac{1}{16} \frac{x^2 + 4 y(x)^2}{y(x)^3}$$

(13)

Utnyttja  $eq$  för att förenkla täljaren:

>  $DDy := subs(eq, DDy);$

$$DDy := -\frac{1}{4 y(x)^3}$$

(14)

Det finns även ett kommando  $implicitdiff$  för implicit derivering. Det gör en stor del av jobbet, dock inte den sista förenklingen ovan:

>  $DDy := implicitdiff(x^2 + 4 \cdot y^2 = 4, y, x, x);$

$$DDy := -\frac{1}{16} \frac{x^2 + 4 y^2}{y^3}$$

(15)

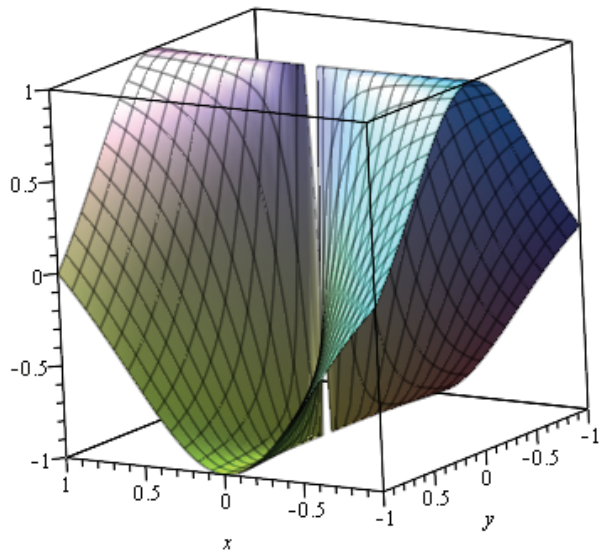
Skriv ? följt av funktionsnamn för mer information om hur ett kommando används:

> ?  $implicitdiff$

### 3D-plottar av funktionsytor

Högerklicka på plotten och välj Axes för att ändra typ av axlar. Klicka och dra för att rotera och betrakta från olika vinklar.

>  $plot3d( (x^2 - y^2) / (x^2 + y^2), x = -1 .. 1, y = -1 .. 1 );$



### Gränsvärden

Exponentialfunktion "vinner" över potensfunktion:

$$\text{> } \lim(x^{100} \cdot \exp(x), x = -\infty);$$

0

Kolla om f har sned asymptot  $y=k \cdot x+m$  då  $x \rightarrow$  oändligheten:

$$\text{> } f := \frac{(x^9 + 2 \cdot x + 1)^{\frac{1}{3}}}{(x^{18} + 2 \cdot x + 1)^{\frac{1}{9}}};$$

$$k := \lim\left(\frac{f}{x}, x = \infty\right);$$

$$m := \lim(f - k \cdot x, x = \infty);$$

$$f := \frac{(x^9 + 2x + 1)^{1/3}}{(x^{18} + 2x + 1)^{1/9}}$$

$$k := 1$$

$$m := 0$$

(16)

(17)

Om gränsvärde inte finns så kan man kolla höger- och vänstergränsvärde:

$$\text{> } \lim\left(\frac{1}{x}, x = 0\right);$$

$$\lim\left(\frac{1}{x}, x = 0, \text{left}\right);$$

$$\lim\left(\frac{1}{x}, x = 0, \text{right}\right);$$

undefined

$-\infty$

$\infty$

(18)

>

### Linjär algebra

> with(LinearAlgebra);

[&x, Add, Adjoint, BackwardSubstitute, BandMatrix, Basis, BezoutMatrix, BidiagonalForm, BilinearForm, CARE, CharacteristicMatrix, CharacteristicPolynomial, Column, ColumnDimension, ColumnOperation, ColumnSpace, CompanionMatrix, CompressedSparseForm, ConditionNumber, ConstantMatrix, ConstantVector, Copy, CreatePermutation, CrossProduct, DARE, DeleteColumn, DeleteRow, Determinant, Diagonal, DiagonalMatrix, Dimension, Dimensions, DotProduct, EigenConditionNumbers, Eigenvalues, Eigenvectors, Equal, ForwardSubstitute, FrobeniusForm, FromCompressedSparseForm, FromSplitForm, GaussianElimination, GenerateEquations, GenerateMatrix, Generic, GetResultDataType, GetResultShape, GivensRotationMatrix, GramSchmidt, HankelMatrix, HermiteForm, HermitianTranspose, HessenbergForm, HilbertMatrix, HouseholderMatrix, IdentityMatrix, IntersectionBasis, IsDefinite, IsOrthogonal, IsSimilar, IsUnitary, JordanBlockMatrix, JordanForm, KroneckerProduct, LA\_Main, LUdecomposition, LeastSquares, LinearSolve, LyapunovSolve, Map, Map2, MatrixAdd, MatrixExponential, MatrixFunction, MatrixInverse, MatrixMatrixMultiply, MatrixNorm, MatrixPower, MatrixScalarMultiply, MatrixVectorMultiply, MinimalPolynomial, Minor, Modular, Multiply, NoUserValue, Norm, Normalize, NullSpace, OuterProductMatrix, Permanent, Pivot, PopovForm, ProjectionMatrix, QRdecomposition, RandomMatrix, RandomVector, Rank, RationalCanonicalForm, ReducedRowEchelonForm, Row, RowDimension, RowOperation, RowSpace, ScalarMatrix, ScalarMultiply, ScalarVector, SchurForm, SingularValues, SmithForm, SplitForm, StronglyConnectedBlocks, SubMatrix, SubVector, SumBasis, SylvesterMatrix, SylvesterSolve, ToeplitzMatrix, Trace, Transpose, TridiagonalForm, UnitVector, VandermondeMatrix, VectorAdd, VectorAngle, VectorMatrixMultiply, VectorNorm, VectorScalarMultiply, ZeroMatrix, ZeroVector, Zip]

(19)

$$\text{> } M := \begin{bmatrix} n_{1,1} & n_{1,2} & n_{1,3} & n_{1,4} & n_{1,5} & n_{1,6} & n_{1,7} \\ n_{2,1} & n_{2,2} & n_{2,3} & n_{2,4} & n_{2,5} & n_{2,6} & n_{2,7} \\ n_{3,1} & n_{3,2} & n_{3,3} & n_{3,4} & n_{3,5} & n_{3,6} & n_{3,7} \\ n_{4,1} & n_{4,2} & n_{4,3} & n_{4,4} & n_{4,5} & n_{4,6} & n_{4,7} \\ n_{5,1} & n_{5,2} & n_{5,3} & n_{5,4} & n_{5,5} & n_{5,6} & n_{5,7} \end{bmatrix};$$

$$v := \begin{bmatrix} A \\ B \\ C \\ D \\ E \\ F \\ G \end{bmatrix};$$

$$M := \begin{bmatrix} n_{1,1} & n_{1,2} & n_{1,3} & n_{1,4} & n_{1,5} & n_{1,6} & n_{1,7} \\ n_{2,1} & n_{2,2} & n_{2,3} & n_{2,4} & n_{2,5} & n_{2,6} & n_{2,7} \\ n_{3,1} & n_{3,2} & n_{3,3} & n_{3,4} & n_{3,5} & n_{3,6} & n_{3,7} \\ n_{4,1} & n_{4,2} & n_{4,3} & n_{4,4} & n_{4,5} & n_{4,6} & n_{4,7} \\ n_{5,1} & n_{5,2} & n_{5,3} & n_{5,4} & n_{5,5} & n_{5,6} & n_{5,7} \end{bmatrix}$$

$$v := \begin{bmatrix} A \\ B \\ C \\ D \\ E \\ F \\ G \end{bmatrix}$$

(20)

Här ser ni räkneregeln för hur produkt av matris och vektor kan räknas ut:  
Tryck punkt (.) på tangentbordet för produkt mellan matris och vektor. (Alternativt använd kommandot MatrixMatrixMultiply.)

$$\text{> } Mv := M.v;$$

(21)

$$\text{> } x := \begin{bmatrix} 25 \\ 94 \\ 12 \\ -2 \end{bmatrix};$$

$$Mv := \begin{bmatrix} A n_{1,1} + B n_{1,2} + C n_{1,3} + D n_{1,4} + E n_{1,5} + F n_{1,6} + G n_{1,7} \\ A n_{2,1} + B n_{2,2} + C n_{2,3} + D n_{2,4} + E n_{2,5} + F n_{2,6} + G n_{2,7} \\ A n_{3,1} + B n_{3,2} + C n_{3,3} + D n_{3,4} + E n_{3,5} + F n_{3,6} + G n_{3,7} \\ A n_{4,1} + B n_{4,2} + C n_{4,3} + D n_{4,4} + E n_{4,5} + F n_{4,6} + G n_{4,7} \\ A n_{5,1} + B n_{5,2} + C n_{5,3} + D n_{5,4} + E n_{5,5} + F n_{5,6} + G n_{5,7} \end{bmatrix}$$

(21)

Produkt av två matriser:  
(Punkt på tangentbordet även för att multiplicera matriser.)

$$\text{> } A := \begin{bmatrix} 50 & -50 & -38 & -98 \\ 10 & -22 & -18 & -77 \\ -16 & 45 & 87 & 57 \\ -9 & -81 & 33 & 27 \end{bmatrix};$$

*detA* := Determinant(A);  
*invA* := MatrixInverse(A);  
*AinvA* := A.invA;

$$A := \begin{bmatrix} 50 & -50 & -38 & -98 \\ 10 & -22 & -18 & -77 \\ -16 & 45 & 87 & 57 \\ -9 & -81 & 33 & 27 \end{bmatrix}$$

*detA* = -20185224

$$\text{invA} := \begin{bmatrix} \frac{46857}{1682102} & -\frac{26580}{841051} & \frac{6179}{841051} & -\frac{3810}{841051} \\ -\frac{4499}{6728408} & -\frac{62}{841051} & \frac{5851}{1682102} & -\frac{100729}{10092612} \\ \frac{23625}{6728408} & \frac{5373}{841051} & \frac{21993}{1682102} & \frac{33923}{10092612} \\ \frac{2513}{841051} & -\frac{15613}{841051} & -\frac{2604}{841051} & \frac{3728}{2523153} \end{bmatrix}$$

$$\text{AinvA} := \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

(22)

$b := A \cdot x;$   
 $invA \cdot b;$

$$x := \begin{bmatrix} 25 \\ 94 \\ 12 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$b := \begin{bmatrix} -3710 \\ -1880 \\ 4760 \\ -7497 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 25 \\ 94 \\ 12 \\ -2 \end{bmatrix}$$

>

>  $G1 := \text{GaussianElimination}(\langle A|b \rangle);$

$$G1 := \begin{bmatrix} 50 & -50 & -38 & -98 & -3710 \\ 0 & -12 & -\frac{52}{5} & -\frac{287}{5} & -1138 \\ 0 & 0 & \frac{3728}{75} & -\frac{33923}{300} & \frac{24679}{30} \\ 0 & 0 & 0 & \frac{2523153}{3728} & -\frac{2523153}{1864} \end{bmatrix}$$

>  $G2 := \text{ReducedRowEchelonForm}(\langle A|b \rangle);$

$$G2 := \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 25 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 94 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 12 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -2 \end{bmatrix}$$

>  $\text{LinearSolve}(\langle A|b \rangle);$

$$\begin{bmatrix} 25 \\ 94 \\ 12 \\ -2 \end{bmatrix}$$

>

Längd på vektor fås med kommandot  $\text{norm}(\dots, 2);$

Som kontroll kan vi alternativt räkna ut längden som kvadratroten av skalärprodukten av  $x$  med  $x$ .

>  $xLength := \text{norm}(x, 2);$   
 $xLength := \text{sqrt}(\text{DotProduct}(x, x));$

$$xLength := \sqrt{9609}$$

$$xLength := \sqrt{9609}$$

(27)

**Bonusexempel: Lösa ekvationssystem med två fria parametrar och plotta geometrisk tolkning av lösningen som ett plan:**

(Maplevariant av något vi gjort för hand, dock ingenting som behövs för labben.)

För ett ekvationssystem med fler ekvationer än obekanta får man alltid minst en fri variabel. Maple kan då räkna ut lösning på parameterform.

(23)

$$> M := \begin{bmatrix} \text{Pi} & \text{sqrt}(7) & \exp\left(\frac{1}{2}\right) \\ -\text{Pi} & -\text{sqrt}(7) & \exp\left(\frac{1}{2} + I \cdot \text{Pi}\right) \\ 2 \cdot \text{Pi} & \text{sqrt}(28) & \exp\left(\frac{1}{2} + \ln(2)\right) \end{bmatrix};$$

$$v := \begin{bmatrix} \sin\left(\frac{\text{Pi}}{2}\right) \\ \cos(\text{Pi}) \\ \text{sqrt}(4) \end{bmatrix};$$

$x := \text{LinearSolve}(\langle M|v \rangle);$

(24)

$$M := \begin{bmatrix} \pi & \sqrt{7} & e^{\frac{1}{2}} \\ -\pi & -\sqrt{7} & e^{\frac{1}{2} + I\pi} \\ 2\pi & 2\sqrt{7} & e^{\frac{1}{2} + \ln(2)} \end{bmatrix}$$

(25)

$$v := \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

(26)

$$x := \begin{bmatrix} -\frac{\sqrt{7} \_t0_2 + e^{\frac{1}{2}} \_t0_3 - \sin\left(\frac{1}{2} \pi\right)}{\pi} \\ \_t0_2 \\ \_t0_3 \end{bmatrix}$$

(28)

Välj en positionsvektor  $p$  för en punkt på planet och två vektorer  $v1, v2$  som planet är parallellt med. En punkt på planet räknas ut genom att sätta ett värde på båda de fria parametrarna (här sätter jag båda till 0).

Två vektorer parallella med planet räknas ut som  $p1-p$  och  $p2-p$  för positionsvektorer  $p1$  och  $p2$  för två andra godtyckligt valda punkter på planet.

```
> p := subs([_t0[2]=0, _t0[3]=0], x);
p1 := subs([_t0[2]=1, _t0[3]=0], x);
p2 := subs([_t0[2]=0, _t0[3]=1], x);
v1 := p1 - p;
v2 := p2 - p;
```

$$p := \begin{bmatrix} \frac{1}{\pi} \\ \pi \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$v1 := \begin{bmatrix} -\frac{\sqrt{7}-1}{\pi} & -\frac{1}{\pi} \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

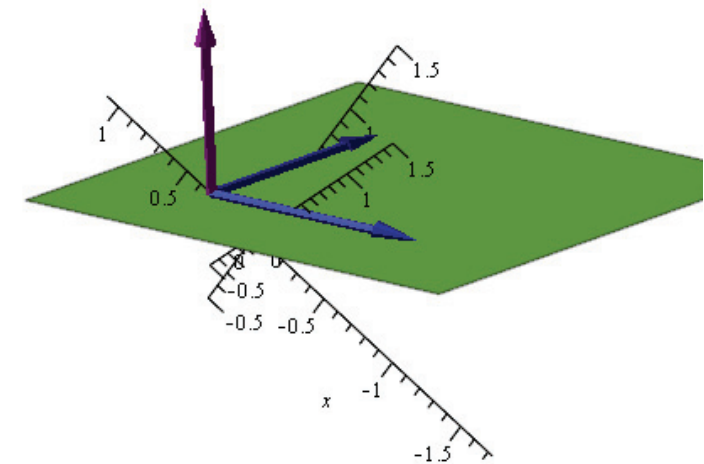
$$v2 := \begin{bmatrix} -\frac{e^{\frac{1}{2}}-1}{\pi} & -\frac{1}{\pi} \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

(29)

Plotta geometrisk tolkning av lösningen

```
> with(Student[LinearAlgebra]);
PlanePlot({v1, v2}, p);
```

[&x, `), AddRow, AddRows, Adjoint, ApplyLinearTransformPlot, BackwardSubstitute, BandMatrix, Basis, BilinearForm, CharacteristicMatrix, CharacteristicPolynomial, ColumnDimension, ColumnSpace, CompanionMatrix, ConstantMatrix, ConstantVector, CrossProductPlot, Determinant, Diagonal, DiagonalMatrix, Dimension, Dimensions, EigenPlot, EigenPlotTutor, Eigenvalues, EigenvaluesTutor, Eigenvectors, EigenvectorsTutor, Equal, GaussJordanEliminationTutor, GaussianElimination, GaussianEliminationTutor, GenerateEquations, GenerateMatrix, GramSchmidt, HermitianTranspose, Id, IdentityMatrix, IntersectionBasis, InverseTutor, IsDefinite, IsOrthogonal, IsSimilar, IsUnitary, JordanBlockMatrix, JordanForm, LUdecomposition, LeastSquares, LeastSquaresPlot, LinearSolve, LinearSolveTutor, LinearSystemPlot, LinearSystemPlotTutor, LinearTransformPlot, LinearTransformPlotTutor, MatrixBuilder, MinimalPolynomial, Minor, MultiplyRow, Norm, Normalize, NullSpace, Pivot, PlanePlot, ProjectionPlot, QRdecomposition, RandomMatrix, RandomVector, Rank, ReducedRowEchelonForm, ReflectionMatrix, RotationMatrix, RowDimension, RowSpace, SetDefault, SetDefaults, SumBasis, SwapRow, SwapRows, Trace, Transpose, UnitVector, VectorAngle, VectorSumPlot, ZeroMatrix, ZeroVector]



Graph of a plane and related vectors. Included on the graph: the plane (leafgreen), a normal to the plane (purple), two basis vectors for the plane (navy), a vector (burgundy) from the origin to a specified point on the plane

För att till exempel exportera resultaten till ett PDF-dokument som detta, välj menyalternativet File ---> Export as

>